

Correcties en verbeteringen Wiskunde voor het Hoger Onderwijs, deel A.

Hoofdstuk 1.3

Op blz. 12 in het Theorieboek staat halverwege de blz. $(1 - p^2) = 1 - 2p^2 + p^4$

Het kwadraatje binnen de haakjes staat niet op de goede plaats de correcte uitdrukking moet zijn:

$$(1 - p)^2 = 1 - 2p + p^2$$

Opgave 3

De volgorde van de uitwerkingen zijn niet correct.

Uitwerking d is verwisseld met i uit het theorieboek

Uitwerking e is verwisseld met d uit het theorieboek

Uitwerking f is verwisseld met e uit het theorieboek

enzovoort.

Hoofdstuk 1.7

Opgave 2e

De juiste uitwerking moet zijn:

$$\begin{aligned} \left(-\frac{p^3 q^7 r^2}{p r^5}\right)^2 \left(-\frac{p^2 q r^4}{q^6 r}\right)^3 &= \left(\frac{p^6 q^{14} r^4}{p^2 r^{10}}\right) \cdot (-1) \cdot \left(\frac{p^6 q^3 r^{12}}{q^{18} r^3}\right) = (-1) \cdot \left(\frac{p^6 p^6}{p^2}\right) \left(\frac{q^{14} p^3}{q^{18}}\right) \left(\frac{r^4 r^{12}}{r^{13}}\right) \\ &= (-1) \cdot (p^{10}) (q^{-1}) (r^3) = -p^{10} q^{-1} r^3 \end{aligned}$$

Hoofdstuk 2.2

De waardentabellen c en d in het Uitwerkingenboek zijn niet juist zijn. (via bijvoorbeeld Excel is dat makkelijk te controleren, zie de resultaten hierboven)

Opgave 2

Waardetabel 2c

t	-2	0	2	4	6	8	10	
s	0.5	-3	-6.5	-10	-13.5	-17	-20.5	

Waardetabel 2d

m	-2	0	2	4	6	8	10	
K	5.5	1.5	-2.5	-6.5	-10.5	-14.5	-18.5	

Hoofdstuk 3.1

Opgave 3

Uitwerkingen:

a en b staan niet loodrecht op elkaar want het product van de richtingscoëfficiënten is 1

$$(-5) \cdot \left(-\frac{1}{5}\right) = 1$$

De tweede zin is eveneens niet correct . Dat moet zijn:

De lijnen bij d en f staan niet loodrecht op elkaar, want het product van de richtingscoëfficiënten is ongelijk aan -1.

Taalkundig is de derde zin niet goed, beter zou zijn:

De lijnen bij c en e zijn evenwijdig, want de richtingscoëfficiënten zijn gelijk.

Dit geldt ook voor de lijnen a en d en de lijnen b en f

Hoofdstuk 3.2**Opgave 5c****Uitwerkingen:**

Een handige toevoeging zou zijn dat de vergelijking $y = -\frac{1}{2}x + 4$ de zelfde rechte lijn voorstelt als de oorspronkelijk genoemde vergelijking $2x + 4y = 16$

De lijn valt samen met de oorspronkelijke lijn.

Het punt (2,3) invullen maakt de vergelijking kloppend:

$$2 \cdot 2 + 4 \cdot 3 = 16$$

Hoofdstuk 3.3**Opgave 3f**

Uitwerkingenboek: de juiste vergelijking is $y = 2x - 5$.

Hoofdstuk 5.2**Opgave 4c**

Er wordt een waardetabel opgesteld van de functie $y = \frac{-2}{x} - 0,5$

De waarde ingevuld voor $x = -2$ levert 0,5 op.

Dat betekent dat de waardetabel er als volgt uit komt te zijn:

x	-3	-2	-1	0	1	2	3
$\frac{-2}{x} - 0,5$	0,17	0,5	1,5	bestaat niet	-2,5	-1,5	-1,17

Hoofdstuk 6.6**Opgave 1**

In het theorieboek op blz 121 wordt gevraagd de grafiek $y = \sqrt{x}$ ten opzichte van de x-as met 2 te vermenigvuldigen.

Overeenkomstig de eerste zin op blz. 120 dat de grafiek $y = a\sqrt{x}$ ontstaat uit de grafiek door deze verticaal met de factor a te vermenigvuldigen ten opzichte van de x-as, zou dat betekenen dat transformatie (1) in de opgave de grafiek $y = 2\sqrt{x}$ oplevert.

Indien men vervolgens transformatie (2) en (3) toepast verkrijgt men als geheel de volgorde

$$(0) y = \sqrt{x} ; (1) y = 2\sqrt{x} ; (2) y = 2\sqrt{x-4} ; (3) y = 3 + 2\sqrt{x-4}$$

Het uitwerkingenboek daarentegen geeft de volgorde

$$(0) y = \sqrt{x} ; (1) y = \sqrt{2x} ; (2) y = \sqrt{2(x-4)} ; (3) y = 3 + \sqrt{2x-8}$$

Daar is met de factor $a = \sqrt{2}$ vermenigvuldigd in plaats van met factor $a = 2$

Hoofdstuk 8.2**Opgave 3c**

In het theorieboek op blz 159 staat bij opgave 3c: $\gamma = 67^\circ$ en $c =$

De waarde voor c staat niet genoteerd.

Gezien de uitwerkingen en de antwoorden moet dit zijn $\gamma = 67^\circ$ en $c = 8$

Hoofdstuk 8.2**Opgave 4f**

Bij opgave 4f staat geschreven: $a = 8^\circ$ en $c = 11$

Uiteraard is a een lengte van een van de zijden en geen hoek in graden.

Kortom, hier moet staan: $a = 8$ en $c = 11$

Hoofdstuk 8.3**Opgave 3**

In het theorieboek wordt een hoek van 11° genoemd maar in het uitwerkingenboek wordt gewerkt met een hoek van 15°

Dat betekent dat indien met een hoek van 11° gewerkt wordt:

$$\tan(11^\circ) = 0,1943 = \frac{h_2}{a} = \frac{h_2}{32,44} \rightarrow h_2 = 32,44 \cdot 0,1943 = 6,31$$

De hoogte van de boom is $6,31 + 1,70 = 8,01$ meter.

Hoofdstuk 8.3**Opgave 4**

Berekening hoek γ

$$\tan \gamma = \frac{19}{23} = 0,862 \quad \gamma = \arctan 0,862 = 39,6^\circ$$

Hoofdstuk 9.1**Opgave 2**

In het theorieboek wordt gevraagd in welk kwadrant P ligt bij de genoemde waarden van α (In het Uitwerkingen boek wordt daar antwoord op gegeven.) Maar daaronder staat de opdracht:

Geef bij elke genoemde α de waarde van de sinus, de cosinus en de tangens.

Dit wordt niet uitgewerkt. De resultaten zouden als volgt moeten zijn:

$$\sin(-15^\circ) = -0,258 \quad \cos(-15^\circ) = 0,966 \quad \tan(-15^\circ) = -0,268$$

$$\sin(105^\circ) = 0,966 \quad \cos(105^\circ) = 0,259 \quad \tan(105^\circ) = -3,732$$

$$\sin(-95^\circ) = -0,996 \quad \cos(-95^\circ) = 0,087 \quad \tan(-95^\circ) = 11,43$$

$$\sin(15^\circ) = 0,259 \quad \cos(15^\circ) = 0,966 \quad \tan(15^\circ) = 0,268$$

Hoofdstuk 9.6**Opgave 2**

Gezien de opgave in het theorieboek en de antwoorden in het uitwerkingenboek zijn de onderdelen b), c), d) en e) niet met elkaar in overeenstemming.

Het antwoord van b) moet $y = 1 + \sin(x)$ zijn anders gaat de grafiek niet door (0,1)

Bij de onderdelen c) en d) moeten de functies door het punt (0,-1) gaan indien de antwoorden correct willen zijn.

Indien men de waarde $x=0$ invult bij $y = -1 + \frac{1}{2}\sin(2x)$ en $y = -1 + \sqrt{2}\sin(4\pi x)$

verkrijgt men in beide gevallen de waarde $y = -1$

De genoemde amplitude van $\sqrt{2}$ in de eerste kolom bij onderdeel e) komt niet overeen met

de amplitude van het antwoord $y = 1 + \frac{1}{2}\sqrt{2}\cos(\pi x)$

Tevens gaat deze grafiek niet door het punt (1,0). Misschien is bedoeld om het punt (0,1) te nemen zodat dan het antwoord wordt $y = 1 + \sqrt{2}\sin(\pi x)$?

Hoofdstuk 9.7**Opgave 2**

In de opgave wordt gesteld dat men uit dient te gaan van de functie $y = \tan x$ om de grafieken te schetsen. Dit moet echter de functie $y = \sin x$ zijn.

Hoofdstuk 9.2**Opgave 3**

Uitwerkingen

Halverwege in de tabel:

Een hoek van -450° komt overeen met $-2\frac{1}{2}\pi$ rad

(negatieve hoek, min-teken is weggefallen)

Hoofdstuk 9.9**Theorieboek**

De figuur (blz. 194) rechtsonder is niet correct.

In de tekst links wordt vermeld dat de rode grafiek zou gaan om de functie $y = \tan\left(\frac{1}{3}x\right)$

Als men een paar markante punten uitrekt bijvoorbeeld:

$$y(-8) = \tan\left(\frac{1}{3} \cdot (-8)\right) = 0,51 \quad \text{en} \quad y(4) = \tan\left(\frac{1}{3} \cdot 4\right) = 4,13$$

Dan komt dat niet overeen met wat men in de figuur verwacht.

De periode $y = \tan\left(\frac{1}{3}x\right)$ is 3π en dat is niet wat men in de figuur herkent. Daar lijkt er een periode aanwezig van ongeveer 12.

Hoofdstuk 10.1**Opgave 2h**

In het Antwoordenboek is de uitwerking niet correct. Het wegwerken van de haakjes verloopt bij een minteken niet goed. De juiste uitwerking is als volgt:

$$\cos(\pi - 1,5) = \sin\left(\frac{1}{2}\pi - (\pi - 1,5)\right) = \sin\left(-\frac{1}{2}\pi + 1,5\right) = \sin(-0,07)$$

Hoofdstuk 10.3**Theorieboek**

Halverwege blz 206 staat het volgende gedeelte:

De eerste serie oplossingen is $x_1 = 0,64 + k \cdot 2\pi$

Hierin stelt k een geheel getal voor. Door voor k te nemen 0, 1, 2, 3 etc krijg je alle oplossingen van de eerste serie.

Uiteraard krijg je hiermee niet alle oplossingen want de negatieve waarden van k worden dan vergeten. Een alinea verderop staat het wel goed genoteerd nl:

Door voor k te nemen 0,1,-1,2,-2, 3, -3 etc krijg je alle oplossingen van de tweede serie.

Hoofdstuk 10.4**Opgave 1e**

In het antwoordenboek wordt als tussenstap van de oplossing gesteld:

$$x + 1 = 1,249 + k \cdot 2\pi$$

De tangens is uiteraard periodiek met π dus de tussenstap moet zijn:

$$x + 1 = 1,249 + k \cdot \pi$$

Het eindantwoord is echter correct.

Hoofdstuk 10.4**Opgave 3**

Het Theorieboek geeft de onderdelen a, b en c aan.

Het antwoordenboek gebruikt de onderdelen a, b, c en d.

In het Theorieboek wordt bij onderdeel b gevraagd om de andere zichtbare snijpunten in het figuur te berekenen. De rode lijn in de grafiek gaat niet door het punt $y = 4$.

Als de bedoeling is dat de rode lijn de grafiek $y = 4$ voorstelt moet òf de rode lijn naar boven verplaatst worden òf de schaalverdeling van de y-as veranderd worden.

In het antwoordenboek worden de punten Q en S berekend die in de figuur staan aangegeven. Het meest linker snijpunt (zonder letter-aanduiding) kan uiteraard ook berekend worden en wordt $x = 1,33 - 2\pi \approx -4,95$

Hoofdstuk 11.3**Opgave 2i**

Theorieboek: $y(x) = 3 - 3 \cdot 2^{3-3x}$

Uitwerkingen: $y(x) = 3 - 2^{3-3x}$

Hoofdstuk 11.5**Opgave 2b**

Uitwerkingen: oplossing $x = -2,5$ (min teken is weggefallen)

Hoofdstuk 11.6**Opgave 2a**

Theorieboek $3^x < 3^5$

In het uitwerkingenboek staat :

“teken blijft gelijk $x > 5$ “ maar dan moet het juist $x < 5$ zijn

De < en > tekens zijn verwisseld

Hoofdstuk 12.6**Opgave 5a**

In het uitwerkingenboek wordt bij de uitwerking van de bestaansvoorwaarde correct opgemerkt dat

$$x^2 - 2x + 1 = (x-1)^2$$

Daarna wordt er blijkbaar een min-teken in een plus-teken veranderd want

$$x^2 - 2x + 1 \text{ wordt gelijkgesteld aan } (x+1)^2$$

De correcte manier is:

$${}^2\log((x-1)^2) + {}^2\log(x+1) = {}^2\log 16 \quad \rightarrow \quad {}^2\log((x-1)^2(x+1)) = {}^2\log 16$$

$$\text{Daaruit volgt } (x-1)^2(x+1) = 16$$

Dit levert de derdegraads vergelijking $x^3 - x^2 - x - 15 = 0$

Eén van de oplossingen $x = 3$ is te herkennen.

Ontbinden in factoren (met eventueel een staartdeling) levert $(x-3)(x^2 + 2x + 5) = 0$

De tweedegraads vergelijking heeft een negatieve discriminant en heeft dus geen reële oplossingen.

Hoofdstuk 12.6**Opgave 6d**

Uitwerkingenboek: 2^{de} oplossing moet zijn $x = 2$

$$\text{want } ({}^2\log x)^2 = 1 \quad \rightarrow \quad {}^2\log x = \pm 1 \quad \rightarrow \quad x = \frac{1}{2} \text{ of } x = 2$$

bedenk dat ${}^2\log 2 = 1$